

Lernen und Üben

Die **Lerneinheiten** sind wie folgt aufgebaut:

1. Die offene und entdeckende **Einstiegsaufgabe** gibt Ihnen erste Impulse.
2. **Lehrtext** und **Merkkasten** erklären die mathematischen Inhalte, die anhand eines **Beispiels** gefestigt werden.
3. Die differenzierenden **Aufgaben** bieten Ihnen zahlreiche Möglichkeiten zum Üben und sind klar den erforderlichen Kompetenzen zugeordnet.

Die Symbole vor den Aufgabenziffern zeigen die Schwierigkeit der Aufgabe an.

6 Lineare und quadratische Funktionen **Lösen durch Gleichsetzen**

7 Lösen durch Gleichsetzen



Lösen Sie das Gleichungssystem zeichnerisch.
 (1) $y = \frac{3}{2}x - 1$
 (2) $y = \frac{2}{3}x + 1$
 → Wie genau können Sie die Lösung ablesen?
 → Welche Probleme bekommen Sie bei der zeichnerischen Lösung des Gleichungssystems aus
 (1) $y = -x + 199$
 und (2) $y = x - 1$?

Die Lösungen von Gleichungssystemen lassen sich zeichnerisch nicht immer exakt bestimmen. Mit **rechnerischen Lösungsverfahren** ist dies aber möglich. Ziel ist es, aus zwei Gleichungen mit zwei Variablen eine Gleichung mit einer Variablen zu machen.

(1) $2y = 6x - 4$ |:2
 (2) $y - 2x = 8$ |+2x
 (1') $y = 3x - 2$ |gleichsetzen
 (2') $y = 2x + 8$ |-2x + 2
 $3x - 2 = 2x + 8$ |-2x + 2
 $x = 10$
 $y = 3 \cdot 10 - 2$
 $y = 28$

Beide Gleichungen werden nach y aufgelöst.
 Die beiden Terme der rechten Seite werden gleichgesetzt.
 Man erhält eine Gleichung mit einer Variablen, die sich lösen lässt.
 Durch Einsetzen des Wertes für x kann man den Wert für y berechnen.

Das Gleichungssystem hat als Lösung das Zahlenpaar $x = 10$; $y = 28$, kurz (10 ; 28).

Merke **Gleichsetzungsverfahren**
 Man löst beide Gleichungen des Gleichungssystems nach derselben Variablen auf. Durch Gleichsetzen der Terme erhält man eine Gleichung mit einer Variablen.

Bemerkung
 Häufig bietet es sich an, die beiden Gleichungen nach demselben Vielfachen einer Variablen aufzulösen.

Beispiel

a) (1) $y = 4x - 2$
 (2) $y - 3x = 5$ |+3x
 Hier ist eine Gleichung bereits nach y aufgelöst.
 (1') $y = 4x - 2$
 (2') $y = 3x + 5$
 Gleichsetzen von (1) und (2):
 $4x - 2 = 3x + 5$ |-3x + 2
 $x = 7$
 Man kann in beide Gleichungen einsetzen:
 Einsetzen von $x = 7$ in (1) liefert
 $y = 4 \cdot 7 - 2$
 $y = 26$
 Die Lösung lautet (7; 26).

b) (1) $3x + 4y = 32$ |-4y
 (2) $3x + 7y = 47$ |-7y
 Hier ist das Auflösen beider Gleichungen nach 3x besonders vorteilhaft.
 (1') $3x = 32 - 4y$
 (2') $3x = 47 - 7y$
 Gleichsetzen von (1') und (2'):
 $32 - 4y = 47 - 7y$ |+7y - 32
 $3y = 15$ |:3
 $y = 5$
 Einsetzen von $y = 5$ in (1):
 $3x = 32 - 4 \cdot 5$
 $x = 4$
 Die Lösung lautet (4; 5).

175

Tipps und Hinweise geben Hilfestellung.

Symbole

- einfache Aufgabe
- mittlere Aufgabe
- schwierige Aufgabe

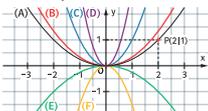
Diese Symbole zeigen Ihnen, um welche Fähigkeiten es hier geht:

- ?! Problemlösen
- 💬 Argumentieren und Kommunizieren
- 📐 Werkzeuge verwenden
- ⚙️ Modellieren

💡 Tipps und Hinweise

6 Lineare und quadratische Funktionen **Die quadratische Funktion $y = a \cdot x^2 + c$**

11 Lesen Sie den Faktor a ab und geben Sie die Funktionsgleichung an.
 Beispiel für (A):
 P(2|1) eingesetzt in $y = ax^2$ ergibt:
 $1 = a \cdot 4$; $a = \frac{1}{4}$
 Lösung: $y = \frac{1}{4}x^2$



12 Die Parabel wird an der x-Achse gespiegelt. Geben Sie die neue Funktionsgleichung an.
 a) $y = -x^2$
 b) $y = 3x^2$
 c) $y = x^2 - 1$
 d) $y = \frac{1}{2}x^2 + 2$

13 Ordnen Sie zu. Welcher Punkt liegt auf welchem Graph?
 A(1|2) | $y = \frac{1}{2}x^2 + 4$
 B(2|6) | $y = x^2 - 2$
 C(-2|2) | $y = -2x^2 + 4$

14 Die Wertetabelle gehört zu einer quadratischen Funktion. Bestimmen Sie ihre Funktionsgleichung.
 a)

x	-2	-1	0	1	2
y	9	3	1	3	9

 b)

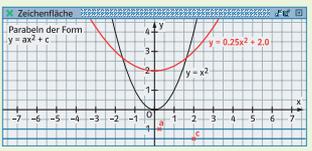
x	-2	-1	0	1	2
y	-4	-2,5	-2	-2,5	-4

15 Bestimmen Sie die Funktionsgleichung der Form $y = ax^2 + c$. Gegeben sind c und ein Punkt P.
 a) $c = 1$; P(2|2) b) $c = -2$; P(1|3)
 c) $c = 3$; P(-2|-4) d) $c = -4$; P(-4|-5)

16 Bestimmen Sie die fehlenden Koordinaten der Parabelpunkte. Es können mehrere Lösungen möglich sein.
 a) $y = 2x^2 - 1$ P(0|III) Q(II|III)
 b) $y = -x^2 + 1$ P(0|III) Q(III|0)
 c) $y = x^2 - 2$ P(III|14) Q(3,5|III)
 d) $y = -3x^2 + 2$ P(0,5|III) Q(-II|0)

17 Haben die beiden Parabeln gemeinsame Punkte? Bestätigen Sie Ihre Antwort durch eine Skizze.
 a) $y = 2x^2 + 3$ b) $y = x^2 + 3$
 c) $y = -3x^2 - 3$ d) $y = 2x^2$

Methode **Dynamische Geometriesoftware (DGS) I**
 Mit dem Computer lassen sich Parabeln der Form $y = a \cdot x^2 + c$ grafisch darstellen. Die Variablen a und c kann man über die Schieberegler der dynamischen Geometriesoftware verändern.



• Entdecken Sie die Wirkung der beiden Variablen a und c experimentell.
 • Beschreiben Sie die Graphen $y = ax^2 - c$ für $a = c$.
 • Skizzieren Sie einige Graphen ins Heft. Was fällt Ihnen auf?

186

Die Aufgaben werden den prozessbezogenen Kompetenzen zugeordnet.

Methoden- oder Informationskästen erklären weitere mathematische Techniken oder Anwendungen.

Hier finden Sie Zusatzangebote im Internet:

🌐 **Online-Material**
 f4xn3p

An vielen Stellen finden Sie Schnittpunkt-Codes. Diese führen Sie zu weiteren Informationen, Materialien oder Übungen im Internet. Geben Sie einfach den Code auf www.klett.de ein.

🌐 **Regionales**
 4vr5ym

Unter diesem Code finden Sie regionale Zusatzinformationen.